ILIMPÍADAS PORTUGUESAS DE MATEMÁTICA

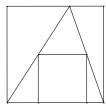
http://www.spm.pt/olimpiadas -

XXVII OPM - Final - 1° dia - 27.03.2009 - Categoria A - 8°/9°

Duração: 3 horas Questão 1: 16 pontos Questões 2,3: 7 pontos cada

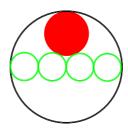
Justifica convenientemente as tuas respostas e indica os principais cálculos. Não é permitido o uso de calculadoras.

- 1. Em cada uma das alíneas seguintes escolhe a opção correcta, justificando a tua escolha.
 - (a) O fundo da toca do coelho Pascoal é um polígono regular. O polígono tem $35\,\mathrm{diagonais}$, quantos lados tem?
 - A) 8
- C) 10
- D) 11
- E) 12
- (b) O Pascoal compra sempre a mesma pasta de dentes. Na última compra, o tubo tinha menos 20 gramas e o preço era o mesmo. Desta forma o Pascoal reparou que o preço por kg aumentou 25%. Qual era o peso, em gramas, do tubo original?
 - A) 100
- B) 120
- C) 125
- D) 150
- 160 E)
- (c) A porta da toca do Pascoal é um quadrado com 1 metro de lado. Como ele pretende reduzir a entrada inscreveu no quadrado um triângulo e dentro do triângulo um novo quadrado, como se apresenta na figura. A porta do Pascoal será o quadrado mais pequeno. Qual é a área, em metros quadrados, da nova porta?



- B) $\frac{1}{16}$ C) $\frac{1}{9}$

- (d) O carrossel mágico tem 20 lugares. O coelho Pascoal começou a saltar à volta do carrossel, chegando, em cada salto, a um lugar diferente. Após o primeiro salto colocou o número um no lugar a que chegou, no final do segundo salto o número dois e assim sucessivamente até colocar o número vinte num dos lugares. A amplitude dos saltos foi sempre a mesma. O número 11 encontrava-se no lugar imediatamente antes do lugar do número 4. Qual era o número do lugar imediatamente a seguir ao 4?
 - A) 7
- B) 9
- C) 13
- D) 15
- E) 17
- 2. Na figura seguinte, as quatro circunferências verdes são todas iguais e os seus centros estão sobre um diâmetro da circunferência maior. Sabendo que este diâmetro mede $40\,\mathrm{cm}$, calcula a área do círculo vermelho.



3. O Senhor Barros calculou $2009^{(2008^{2007})}$ mas o papel rasgou-se e não se conseguiam ler os dois últimos algarismos. Quais eram esses algarismos?