

Questão 1:

cada opção correta: 4 pontos

cada opção errada: -1 ponto

Questões 2, 3, 4: 8 pontos cada

Sugestões para a resolução dos problemas

- Opção B). (*O Henri, o Miguel e o Tomás tinham 6, 5 e 17 berlindes, respetivamente.*)
 - Opção A). (*Há 8, 7, 7, 9 e 7 números terminados em 0, 2, 4, 6 e 8, respetivamente.*)
 - Opção D). (*Há 121 faces viradas para baixo, 121 para cima e 36 para cada um dos outros lados.*)
 - Opção C). (*18 vezes usando 0, 1, 2 e 3; 10 vezes com 1, 2, 3 e 4; 2 vezes com 2, 3, 4 e 5.*)
- No torneio houve $5 + 4 + 3 + 2 + 1 = 15$ jogos: o primeiro jogador jogou com os outros cinco, o segundo jogou com os restantes quatro, o terceiro com os outros três, e assim sucessivamente. Em cada jogo são distribuídos 2 pontos: ou 2 para o vencedor ou 1 para cada um dos jogadores, em caso de empate. Assim, houve 30 pontos a ser atribuídos aos jogadores. Os quatro jogadores que terminaram empatados obtiveram, em conjunto, $30 - (8 + 6) = 30 - 14 = 16$ pontos, logo cada um deles conquistou $16 : 4 = 4$ pontos.
- Como os lados de $[FCG]$ e $[BMC]$ são paralelos, então estes triângulos são semelhantes. Logo

$$\frac{\overline{FC}}{\overline{FG}} = \frac{\overline{BM}}{\overline{BC}} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

ou seja, $\overline{FG} = 2\overline{FC}$.

Como $[DEGF]$ é um quadrado, então $\overline{FG} = \overline{FD} = 6 - \overline{FC}$. Portanto $2\overline{FC} = 6 - \overline{FC}$, ou seja, $\overline{FC} = 2$ cm.

Assim, $\overline{EG} = 4$ cm, $\overline{EA} = 2$ cm e $\overline{AM} = 3$ cm.

Portanto, a área de $[AMGE]$ é $\frac{3+4}{2} \times 2 = 7$ cm².

- Em primeiro lugar, observemos que as caricas azuis se repetem de três em três posições. Se uma carica é azul (A), então a seguinte ou é encarnada (E) ou é verde (V), pela regra (i), e a seguinte ou é verde ou é encarnada, respetivamente, pela regra (ii). Temos então uma sequência AVE ou AEV , e novamente pela regra (ii) a carica seguinte tem que ser azul. Isto mostra também que a primeira carica azul está numa das três primeiras posições.

Vamos ver então de quantas maneiras podemos escolher as caricas em cada um dos três casos.

Se primeira carica é azul, então as caricas nas posições 4, 7, 10, 13, 16 e 19 também são azuis, e os seis pares de caricas que estão entre duas caricas azuis e o par que está no final da sequência são da forma VE ou EV . Há portanto duas maneiras de escolher cada um destes pares e $2^7 = 128$ maneiras diferentes de escolher as caricas quando a primeira é azul.

Se a carica na terceira posição é azul, então, de modo análogo, concluímos que há 128 maneiras diferentes de escolher as caricas.

Se a segunda carica é azul, então as caricas nas posições 5, 8, 11, 14, 17 e 20 também são azuis, e há 2^6 maneiras de escolher os seis pares de caricas que estão entre duas caricas azuis. A primeira e a última caricas podem ser encarnadas ou verdes. Neste caso há $2^6 \times 2 \times 2 = 2^8 = 256$ maneiras diferentes de escolher as caricas.

Logo, o Carlitos pode escolher as caricas de $128 + 128 + 256 = 512$ maneiras diferentes.